

Übungen zur Vorlesung Vektoranalysis im SS 17
Blatt 4

Abgabe am Mittwoch, den 17.05.2017 , 10.15 Uhr, Raum ENC-B205

1. Man zeige, dass durch

$$B = \{(x, y, z) \mid \frac{x^2}{a} + \frac{y^2}{b} + \frac{z^2}{c} \leq 1\}, \quad a, b, c > 0$$

ein Normalbereich im \mathbb{R}^3 dargestellt wird und bestimme eine Parameterdarstellung seiner Randfläche.

[3,2]

2. Die Fläche $F \subset \mathbb{R}^3$ ist durch

$$\vec{x} = (u \cos v, u \sin v, v), \quad 1 \leq u \leq 4, \quad 0 \leq v \leq 2\pi$$

gegeben. Mit Hilfe des Integralsatzes von Stokes berechne das Integral $\int_{\partial F} \vec{V} d\vec{x}$ für

a) $\vec{V} = (yz - 2x, xz, xy),$ [3]

b) $\vec{V} = (z - y + 2, -x + y, 2x).$ [4]

3. Es sei $B \subset \mathbb{R}^3$ ein einfach zusammenhängendes beschränktes Gebiet und $\vec{V} : B \rightarrow \mathbb{R}^3$ ein C^1 Vektorfeld.

Man zeige: Es ist auf B $\operatorname{rot} \vec{V} = 0$ genau dann, wenn für alle Kreislinien γ welche in einer beliebigen Kugel liegen, die in B enthalten ist, gilt $\int_{\gamma} \vec{V} d\vec{x} = 0$.